

## Нечеткие оценки защищенности информационных систем

### Fuzzy assessment of information system security

**Ключевые слова:** эффективность защиты – security efficiency, показатель защищенности – security indicator, угроза безопасности – security threat, уровень ущерба – damage level, мера опасности угрозы – threat level, коэффициент опасности – risk coefficient, дефазификация – defusing.

В статье рассматривается оценка эффективности защиты информации в автоматизированной системе, основанная на сравнении показателей защищенности без применения технической защиты информации и ее применении в условиях нечеткого представления о степени опасности угроз.

The article covers the assessment of information security efficiency in an automated system, based on a comparison of security indicators with using the engineering information security and without it in fuzzy perceptions of threat level.

Во ряде научных работах [1] защищенность определяется исходя из ущерба информационной системе, связанного с реализацией угроз, носящих случайный характер, который оценивается через коэффициенты опасности угроз. Коэффициенты опасности представляются нечеткими величинами, а показатель защищенности информационной системы определяется посредством матрицы нечетких отношений между коэффициентом опасности множества угроз и степенью защищенности информационной системы.

Подход к оценке эффективности технической защиты информации в информационных системах основан на сравнении показателей защищенности без применения технической защиты информации и с применением технической защиты информации в условиях нечеткого представления о степени опасности комплекса антропогенных и техногенных угроз.

Под эффективностью понимают меру достижения цели технической защиты информации. Оценка эффективности технической защиты

**СУХАНОВ / SUKHANOV A.**

**Андрей Вячеславович**

доктор технических наук, профессор,  
Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет информационных технологий, механики и оптики,  
Санкт-Петербург

информации – процесс установления соответствия между результатом защиты и поставленной целью. С ростом сложности объектов анализа, состава и характеристик угроз (особенно угроз несанкционированного удаленного доступа) задача количественной оценки защищенности актуальна.

Оценка эффективности технической защиты информации возможна:

1) на основе сравнения значения показателя защищенности с нормативным (пороговым) значением;

2) на основе сравнения показателей защищенности информации без технической защиты информации и в условиях технической защиты информации. Оба подхода применяются на уровне частных моделей и методик.

Для комплексной оценки эффективности первый подход является мало приемлемым, так как сложно определить допустимые уровни снижения защищенности информации от комплекса угроз.

Второй подход применим при сравнительном анализе эффективности мер и средств защиты информации и не позволяет определить достаточность технической защиты информации.

Если защищенность информации оценивается показателем  $\eta_0(t)$  без принятия мер защиты и  $\eta_{ТЗИ}(t)$  в условиях технической защиты информации, то эффективность технической защиты информации может быть оценена относительным показателем [1]:

$$\mathcal{E}_{\text{отн}}(t) = \frac{\eta_{ТЗИ}(t) - \eta_0(t)}{\eta_0(t)}, \quad \eta_0(t) > 0$$

Пусть известны возможные угрозы безопасности информации в информационной системе

и любая из этих угроз проявляется и реализуется за рассматриваемый период  $t$  с некоторой вероятностью  $P_{\text{реал.}u}(t)$ . Ущерб  $D_u$  от реализации  $u$ -й угрозы является величиной случайной, распределенной в интервале  $[0, D_{\text{пр}}]$ , где  $D_{\text{пр}}$  – уровень ущерба, превышение которого неприемлемо. Если ущерб от реализации угрозы превышает  $D_{\text{пр}}$ , то он принимается равным  $D_{\text{пр}}$ . Отношение  $D_u/D_{\text{пр}}$  будет характеризовать уровень опасности  $u$ -й угрозы и вероятность, что ущерб будет не более  $D_u$ . Вероятность, что уровень ущерба при реализации совокупности  $n$  из  $U$  возможных угроз не превысит величину  $D_{\Sigma n}$ :

$$\frac{D_{\Sigma n}}{D_{\text{пр}}} = -\frac{1}{n!} \frac{\partial^n}{\partial \lambda^n} \prod_{u=1}^U [(1 - P_{\text{реал.}u}(t)) + \lambda \cdot \frac{D_u}{D_{\text{пр}}} P_{\text{реал.}u}(t)]_{\lambda=0}$$

или

$$K_{\Sigma n} = -\frac{1}{n!} \frac{\partial^n}{\partial \lambda^n} \prod_{u=1}^U [1 - P_{\text{реал.}u}(t) + \lambda \cdot K_u P_{\text{реал.}u}(t)]_{\lambda=0},$$

где  $\lambda$  – вспомогательный параметр,  $K_{\Sigma n}$  и  $K_u$  – отношения соответственно  $D_{\Sigma n}$  и  $D_u$  к  $D_{\text{пр}}$  назовем коэффициентами опасности угроз, так как они соответствуют уровню наносимого ущерба, вплоть до неприемлемого.

Если рассматривать все  $U$  угроз и учесть, что коэффициенты опасности являются функциями времени, то последняя формула преобразуется к виду:

$$K_{\Sigma}(t) = 1 - \prod_u \{1 - K_u(t) \cdot P_{\text{реал.}u}(t)\}, \quad u = \overline{1, U}$$

Мера опасности угрозы – четко заданная величина либо нечеткая величина, характеризующая суждение эксперта об опасности угрозы. В первом случае защищенность информационной системы может быть оценена показателем – «степень защищенности»:

$$\eta(t) = \prod_u \{1 - K_u(t) \cdot P_{\text{реал.}u}(t)\}, \quad u = \overline{1, U}$$

Данный показатель позволяет оценить эффективность технической защиты информации как по всему множеству угроз, так и подмножеству угроз, составляющих определенную направленность: нарушение целостности, доступности или конфиденциальности информации. Достоинство показателя – полиморфизм, исключающий корректировку методов расчета в зависимости от состава угроз.

Определение коэффициентов опасности угроз в виде четких значений основано на аналитиче-

ских соотношениях, связывающих эти коэффициенты с показателями ценности информации. Такие показатели в виде коэффициентов важности могут быть определены на основе эвристического анализа и категорирования информации в информационной системе по важности. Пусть информация на объекте информатизации представлена в виде файлов и для каждого файла пользователь устанавливает категорию важности информации. Например, может быть введены 4 категории важности информации:

- 1-я категория – особо важная;
- 2-я категория – очень важная;
- 3-я категория – важная;
- 4-я категория – маловажная.

При этом все угрозы разделяются на 3 группы:

- нарушение целостности;
- нарушение доступности;
- нарушение конфиденциальности информации.

Пользователем эвристически определяются коэффициенты важности  $f$ -го файла  $V_z(t, f) < 1$ , относящегося к  $z$ -й категории.

Применительно к нарушению конфиденциальности информации соотношение для расчета коэффициентов опасности  $u$ -й угрозы имеет вид:

$$K_u(t) = 1 - \prod_{z=1}^{Z_u} \prod_{f=1}^{F_z} [1 - V_z(t, f)], \quad z = \overline{1, Z_u}$$

а для угроз, направленных на нарушение целостности и доступности информации, или для комплексных угроз коэффициент опасности:

$$K_u(t) = 1 - \prod_{z=1}^{Z_u} \prod_{f=1}^{F_z} \{1 - V_z(t, f) \cdot [1 - P_{\text{восст.}f}(t)]\}, \quad z = \overline{1, Z_u}$$

где  $Z_u$  – количество категорий важности информации, для которой  $u$ -я угроза представляет опасность;  $F_z$  – количество подлежащих защите файлов в системе, имеющих  $z$ -ю категорию важности;  $P_{\text{восст.}f}(t)$  – вероятность восстановления за рассматриваемый период времени  $t$  целостности (доступности) информации, содержащейся в  $f$ -м файле (если файл не подвержен воздействию или коэффициент важности содержащейся в нем информации равен нулю, то эта вероятность тождественно равна 1).

При определении коэффициентов опасности угроз в виде нечетких величин необходимо проводить экспертный анализ опасности угроз. Такой подход может оказаться наиболее адекватным реальной опасности угроз, если анализ осуществляется высококвалифицированными специалистами. Как правило, различные эксперты по-разному

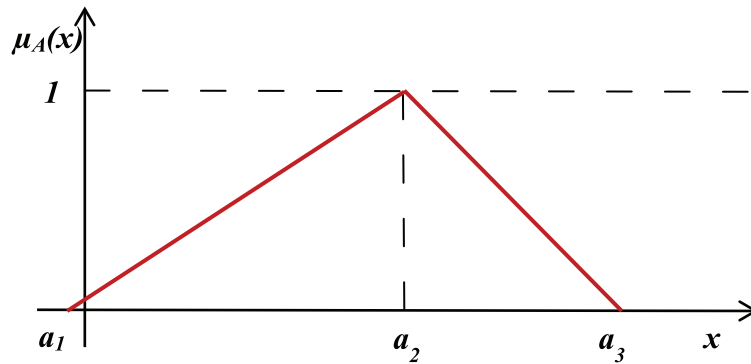


Рис. 1. Треугольное представление нечеткого числа

оценивают значение параметра и часто затрудняются задать конкретное число, поскольку существует много факторов, влияющих на оцениваемые величины и имеющих вероятностную природу. Для подобных ситуаций используется аппарат нечетких множеств, коэффициенты опасности задаются в виде нечетких чисел, способных принимать свои значения из определенного заданного интервала (множества) с различными значениями функций принадлежности [2].

Коэффициент опасности каждой угрозы описывается функцией принадлежности треугольной формы [3] (рис. 1).

То есть представляется тройкой чисел, определяющих левую и правую границу области определения, а также значение, соответствующее максимальной истинности коэффициента опасности угрозы. Значения функции принадлежности  $\mu_A(x)$  для этих точек задаются так, что для средней точки это значение наибольшее, а остальные два являются нулевыми.

В соответствии с теорией нечетких множеств операции над значениями коэффициентов опасности  $K_u$  заменяются операциями над их функциями принадлежности  $\mu_{K_u}(K_{ui})$ . При обработке результатов опроса экспертов функция принадлежности может потерять треугольный вид.

Для случая задания коэффициентов опасности угроз нечеткими числами формула для показателя «степень защищенности» запишется в виде:

$$\eta(t) = \prod_{u=1}^U [1 - K_u(t) \circ P_{\text{реал.}u}(t)]$$

где операция  $\circ$  умножения нечетких чисел производится по следующему правилу:

$$\mu_D(x) = \sup_{a \cdot b = x} \min \mu_A(a) \mu_B(b)$$

Назовем нечеткое множество  $K_\Sigma$ , характеризующее опасности в информационной системе, пространством опасности (угроз) системы. Если между коэффициентом опасности множества угроз и показателем «степень защищенности» информационной системы имеется четкая зависимость, то она может быть представлена в простом виде:

$$\eta(t) = 1 - K_\Sigma(t)$$

Часто соотношение между коэффициентом опасности совокупности угроз и степенью защищенности ИС оказывается приблизительным. В этом случае необходимо определить причинные отношения между значениями этого коэффициента (предпосылками) и конечным результатом — степенью защищенности  $\eta$  (заклЮчениями).

Для этих целей как ключевой момент методики экспертного оценивания эффективности средств технической защиты информации вводится матрица нечетких отношений  $R$  размерностью  $n \times m$ . В матрица нечетких отношений заключены правила, определяющие причинные отношения между каждым членом предпосылок  $K_\Sigma$  и каждым членом заключений  $\eta(t)$  [3]:

$$R = K_\Sigma \rightarrow \eta$$

Элементы матрицы  $r_{ij} = \mu_R(K_\Sigma, \eta)$  должны отражать нечеткие отношения между  $K_\Sigma$  и  $\eta_i$ . Величину  $R$  можно рассматривать как нечеткое пространство на прямом произведении  $K_\Sigma \times \eta$  полного пространства предпосылок  $K_\Sigma$  и полного пространства заключений  $\eta$ , а процесс получения нечеткого результата  $\eta$  с использованием данных  $K_\Sigma$  и знания  $K_\Sigma^{\text{ЭТ}} \rightarrow \eta^{\text{ЭТ}}$  (эталонного преобразования) можно представить в виде:

$$\eta(t) = K_\Sigma(t) \cdot (K_\Sigma^{\text{ЭТ}}(t) \rightarrow \eta^{\text{ЭТ}}(t))$$

где знак  $\cdot$  определяет операцию «max-min» композиции в качестве композиционного правила нечет-

кого вывода и операции взятия минимума в качестве нечеткой импликации:

$$\mu_{\eta}(\eta) = \max_{K_{\Sigma}} \{ \min (\mu_{K_{\Sigma}}(K_{\Sigma}), \mu_R(K_{\Sigma}, \eta)) \}.$$

Размерность матрицы нечетких отношений определяется количеством заданных числовых градаций коэффициента опасности и порогов функции принадлежности. Корректная формализация правил, с помощью которых формируется эта матрица, определит точность и достоверность конечного результата, являющегося выводом системы экспертного оценивания.

Возможны несколько вариантов построения правил вывода в зависимости от важности объекта информатизации и отношения к нему экспертов. Однако наиболее широко в экспертных оценках [3] используется набор правил, основанный на определении связи коэффициента  $K_{\Sigma}$  и показателя защищенности системы  $\eta$  в виде пропорциональной зависимости с равномерным уменьшением достоверности оценки. В простейшем случае значения элементов матрицы нечеткого вывода рассчитываются по формуле:

$$r_{ij} = \begin{cases} k_{\Sigma i} + \eta_j, & \text{если эта сумма меньше 1,} \\ 0, & \text{в противном случае.} \end{cases}$$

Оценить эффективность технической защиты информации можно, определяя степень защищенности  $\eta(t)$  в условиях отсутствия и применения мер технической защиты информации. Для этого осуществляют дефаззификацию [4] одним из следующих способов;

1) задавшись требуемым уровнем функции принадлежности  $\mu_{\eta}(\eta)$ , проводят отсечение и выбирают первое приемлемое значение  $\eta$ :

$$\eta_{\alpha} = \{ \eta_i \mid \mu_{\eta}(\eta_i) \geq \alpha \}$$

2) проводят отсечение по способу 1 и берут два крайних значения  $\eta_H$  и  $\eta_K$ . Тогда значение коэффициента защиты будет определяться как:

$$\eta = \frac{\eta_H \mu_{\eta} + \eta_K \mu_{\eta}(\eta_K)}{\mu_{\eta}(\eta_H) + \mu_K(\eta_H)}$$

со степенью достоверности

$$\mu_{\eta}(\eta) = \mu_{\eta}(\eta_H) \cdot \mu_{\eta}(\eta_K)$$

Зная нечеткие значения и функции принадлежности коэффициентов опасности угроз, можно с учетом вероятностей реализации угроз по правилам теории нечетких множеств рассчитать нечеткие

значения степени защищенности объекта информатизации от комплекса угроз.

Недостатками подобного оценивания являются статичность оценки защищенности и отсутствие взаимосвязи показателей защищенности с местоположением МЗ в структуре системы информационной безопасности.

### Литература

1. Жижелев А.В., Панфилов А.П., Язов Ю.К., Батищев Р.В. К оценке эффективности защиты информации в телекоммуникационных системах посредством нечетких множеств // Изв. вузов. Приборостроение. 2003. т. 46, № 7. С. 22 – 29;
2. Кофман А. Введение в теорию нечетких множеств. – М.: Радио и связь, 1982;
3. Асаи К., Ватада Д., Иваи С. и др. Прикладные нечеткие системы / Под ред. Т. Тэрано, К. Асаи, М. Сугэно. – М.: Мир, 1993;
4. Круглов В.В., Борисов В.В. Искусственные нейронные сети. Теория и практика. – 2-е изд., стереотип. – М.: Горячая линия - Телеком, 2002.